

**Problème :**

Un cycliste monte le Mont Ventoux d'altitude 1910 mètres à une vitesse moyenne de 25 km. h<sup>-1</sup>.

*Quelle doit être sa vitesse en descente pour obtenir une vitesse moyenne de 50 km. h<sup>-1</sup> sur son trajet global ?*

**Exercice 1.**

$$a) \left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 = \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} 3 - \frac{1}{x} = \end{array} \right\} \text{ donc, par somme, } \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 + 3 - \frac{1}{x} =$$

$$b) \left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) = \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} 3 - \frac{1}{x} = \end{array} \right\} \text{ donc, par produit, } \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) \left( 3 - \frac{1}{x} \right) =$$

$$c) \left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow 0^+} 3 - e^x = \\ \lim_{x \rightarrow 0^+} \sqrt{x} = \end{array} \right\} \text{ donc, par quotient, } \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{3 - e^x}{\sqrt{x}} =$$

**Exercice 2.**

$$\begin{array}{lll} \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 + \frac{1}{x} = & \lim_{x \rightarrow +\infty} (-x + 7)\sqrt{x} = & \lim_{x \rightarrow 5^+} \frac{1}{x - 5} = \\ \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{2x - 3}{x + 1} = & \lim_{x \rightarrow -\infty} x^2 - 4x = & \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{2}{x} - 3}{x + 1} = \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x - 3}{x + 1} = & \lim_{x \rightarrow +\infty} x^2 - 4x = & \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2}{x} \times (x + 1) = \end{array}$$

**Exercice 3.**

Déterminer les asymptotes horizontales ou verticales éventuelles des fonctions ci-dessous :

- a)  $f(x) = x + \ln x$  définie sur  $]0, +\infty[$ .
- b)  $f(x) = \frac{1}{x} + \ln x$  définie sur  $]0, +\infty[$ .
- c)  $f(x) = e^x + e^{-x}$  définie sur  $\mathbb{R}$ .
- d)  $f(x) = e^x - 3x$  définie sur  $\mathbb{R}$ .

**Exercice 4.**

Soit  $f(x) = \frac{x^2 + 3x + 1}{x - 1}$  définie sur  $]1, +\infty[$ .

- 1. Déterminer  $a, b$  et  $c$  tels que pour tout  $x$  de  $]1, +\infty[$ ,  $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ .
- 2. En déduire que la courbe représentative  $f$  admet une asymptote oblique dont on donnera une équation.
- 3. Etudier la position de la courbe par rapport à son asymptote sur  $]1, +\infty[$ .