

### Exercice n°1

Dans le cube  $ABCDEFGH$ , on considère les points  $M$  et  $N$  milieux respectifs des segments  $[AB]$  et  $[BC]$ . On se place dans le repère  $(A; \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AD}; \overrightarrow{AE})$ .

- ▶ 1. Donner sans justifier les coordonnées des points  $H$ ,  $M$  et  $N$ .
- ▶ 2. Les droites  $(MN)$  et  $(CD)$  sont-elles sécantes ? Si oui, déterminer les coordonnées du point d'intersection  $K$ .

### Exercice n°2

L'espace est rapporté à un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ . On considère les points  $A(3; 7; 11)$ ,  $B(2; 1; 4)$ ,  $C(-1; 2; -4)$  et  $J(1; 4; 2)$ . La droite  $(\Delta)$  est la droite passant par le point  $J$  et de vecteur directeur  $\vec{u} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

- ▶ 1. Les points  $A$ ,  $B$  et  $C$  appartiennent-ils à la droite  $(\Delta)$  ?
- ▶ 2. Déterminer, s'ils existent, les coordonnées des points d'intersection de la droite  $(\Delta)$  avec les plans  $(Oxy)$ ,  $(Oxz)$  et  $(Oyz)$ .

### Exercice n°3

Les droites  $d_1$  et  $d_2$  dont on a donné les équations paramétriques ci-dessous sont-elles sécantes ? Si oui, quelles sont les coordonnées du point d'intersection ? Sont-elles parallèles ? orthogonales ?

▶ 1.  $d_1: \begin{cases} x = -1 - 2t \\ y = -1 + t \\ z = 6 + 3t \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$     et     $d_2: \begin{cases} x = t + 2 \\ y = -2 - t \\ z = t + 4 \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$

▶ 2.  $d_1: \begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = -2 - t \\ z = t + 4 \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$     et     $d_2: \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 3t + 2 \\ z = 7 + 4t \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$

### Exercice n°4

Les droites  $d_1$  et  $d_2$  dont on a donné les équations paramétriques ci-dessous sont-elles sécantes ? Si oui, quelles sont les coordonnées du point d'intersection ? Sont-elles parallèles ? orthogonales ?

▶ 1.  $d_1: \begin{cases} x = 2 - t \\ y = 3 + t \\ z = 2t - 1 \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$     et     $d_2: \begin{cases} x = 2t + 1 \\ y = -2t \\ z = 5 - 4t \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$

▶ 2.  $d_1: \begin{cases} x = -1 + t \\ y = -2 - 2t \\ z = 2 + t \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$     et     $d_2: \begin{cases} x = -3t + 1 \\ y = 6t - 6 \\ z = -3t + 4 \end{cases}$  où  $t \in \mathbb{R}$