

Exercice 1.	1.	<p><math>U</math> prend la valeur 2  <math>N</math> prend la valeur 0  <b>Demander la valeur de <math>P</math></b>            Tant que <math>U &lt; 10^P</math>                <math>U</math> prend la valeur <math>2 \times U - 1</math>                <math>N</math> prend la valeur <math>N + 1</math>            Fin du tant que            Afficher <math>N</math></p>	0,5
		<p>Cet algorithme permet de conjecturer que <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty</math> car pour chaque valeur de <math>P</math> choisie, il existe un rang <math>N</math> à partir duquel <math>u_n \geq 10^P</math>.</p>	0,5
	2.	<p><math>\forall n \in \mathbb{N}, \frac{v_{n+1}}{v_n} = \frac{u_{n+1} - 1}{u_n - 1} = \frac{(2u_n - 1) - 1}{u_n - 1} = \frac{2u_n - 2}{u_n - 1} = \frac{2(u_n - 1)}{u_n - 1} = 2</math>            La suite <math>(v_n)</math> est donc géométrique de raison 2 et de 1<sup>er</sup> terme <math>v_0 = 2 - 1 = 1</math>.</p>	2,5
		<p><math>\forall n \in \mathbb{N}, v_n = v_0 \times q^n = 1 \times 2^n = 2^n = u_n - 1</math>            et donc <math>\forall n \in \mathbb{N}, u_n = 1 + 2^n</math></p>	1,5
		<p><math>\lim_{n \rightarrow +\infty} 2^n = +\infty</math> car <math>2 &gt; 1</math>, donc <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty</math></p>	1
Exercice 2.	1.	<p><math>\left. \begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} 3n^3 = +\infty \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} -2n + 1 = -\infty \end{array} \right\}</math> alors par addition, la forme est indéterminée</p> <p><math>\forall n \in \mathbb{N}^*, u_n = n^3 \left( 3 - \frac{2}{n^2} + \frac{1}{n^3} \right)</math></p> <p><math>\left. \begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} n^3 = +\infty \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} 3 - \frac{2}{n^2} + \frac{1}{n^3} = 3 \end{array} \right\}</math> alors par produit <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} 3n^3 - 2n + 1 = +\infty</math></p>	2
	2.	<p><math>\left. \begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} -4n = -\infty \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} -\frac{\sqrt{n}}{5} - 1 = -\infty \end{array} \right\}</math> alors par addition, <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} -4n - \frac{\sqrt{n}}{5} - 1 = -\infty</math></p>	1
	3.	<p>Pour tout <math>n \in \mathbb{N}</math>,  <math>-1 \leq (-1)^n \leq 1</math>  <math>3n - 1 \leq 3n + (-1)^n \leq 3n + 1</math>            or <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} 3n - 1 = +\infty</math>            donc <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} 3n + (-1)^n = +\infty</math></p>	2

	<p>4.</p> $\left. \begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} 4n - 1 = +\infty \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} 2n^2 + 1 = +\infty \end{array} \right\} \text{alors par quotient, la forme est indéterminée}$ $\forall n \in \mathbb{N}^*, u_n = \frac{4n - 1}{2n^2 + 1} = \frac{n \left(4 - \frac{1}{n}\right)}{n^2 \left(2 + \frac{1}{n^2}\right)} = \frac{4 - \frac{1}{n}}{n \left(2 + \frac{1}{n^2}\right)}$ $\left. \begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} 4 - \frac{1}{n} = 4 \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} n = +\infty \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} 2 + \frac{1}{n^2} = 2 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{par produit} \\ \text{par quotient} \end{array} \lim_{n \rightarrow +\infty} n \left(2 + \frac{1}{n^2}\right) = +\infty \left. \vphantom{\begin{array}{l} \lim_{n \rightarrow +\infty} 4 - \frac{1}{n} = 4 \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} n = +\infty \\ \lim_{n \rightarrow +\infty} 2 + \frac{1}{n^2} = 2 \end{array}} \right\} \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$	<p>2</p>
<p style="writing-mode: vertical-rl; transform: rotate(180deg);">Exercice 3.</p>	<p>1.</p> <p>Soit <math>0 &lt; \varepsilon &lt; 1/3</math>,</p> <p>posons <math>N = \text{Ent} \left( \sqrt{\frac{1 - 3\varepsilon}{\varepsilon}} \right) + 1</math>,</p> <p><math>\forall n \in \mathbb{N}</math> avec <math>n &gt; N &gt; \sqrt{\frac{1 - 3\varepsilon}{\varepsilon}}</math></p> $n > \sqrt{\frac{1 - 3\varepsilon}{\varepsilon}} = \sqrt{\frac{1}{\varepsilon} - 3}$ $n^2 > \frac{1}{\varepsilon} - 3$ $n^2 + 3 > \frac{1}{\varepsilon}$ $\frac{n^2 + 3}{1} > \frac{1}{\varepsilon}$ $-\varepsilon < 0 < \frac{1}{n^2 + 3} < \varepsilon$ <p>et donc <math> u_n  &lt; \varepsilon</math></p> <p>On en déduit que <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n^2 + 3} = 0</math></p>	<p>2</p>
	<p>2.</p> <p>Soit <math>(u_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> et <math>(v_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> deux suites telles que, pour tout <math>n \in \mathbb{N}</math>, <math>u_n \leq v_n</math> et <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n \neq -\infty</math>.</p> <p>Par l'absurde, si on suppose que <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = -\infty</math></p> <p>alors par comparaison, puisque <math>u_n \leq v_n</math>, on aura <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -\infty</math> ce qui est faux, donc <math>\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n \neq -\infty</math></p>	<p>1,5</p>

L'affirmation 1 est fausse.

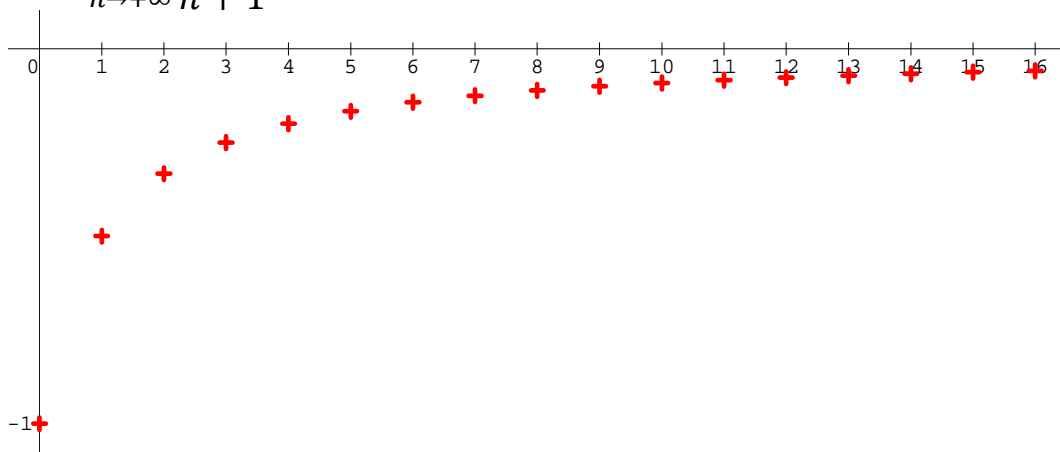
Prenons pour suite  $(u_n)$  la suite définie par, pour tout  $n \in \mathbb{N}, u_n = \frac{-1}{n+1}$ .

$$\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+1} - u_n = \frac{-1}{n+2} - \frac{-1}{n+1} = \frac{-n-1+n+2}{(n+2)(n+1)}$$

$$u_{n+1} - u_n = \frac{1}{(n+2)(n+1)} > 0$$

La suite  $(u_n)$  est donc croissante

$$\text{mais } \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{-1}{n+1} = 0 \neq +\infty$$



3.

2

L'affirmation 2 est fausse.

Prenons pour suites  $(u_n)$  et  $(v_n)$  les suites définies par,

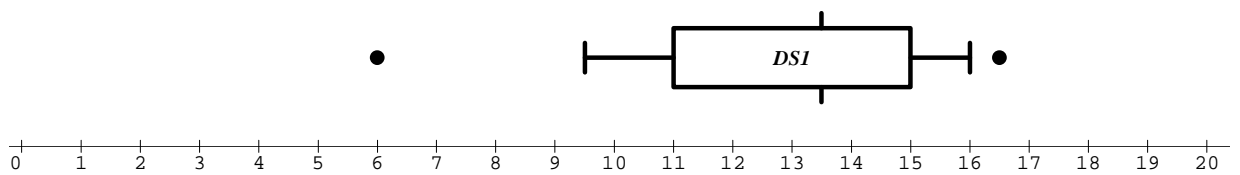
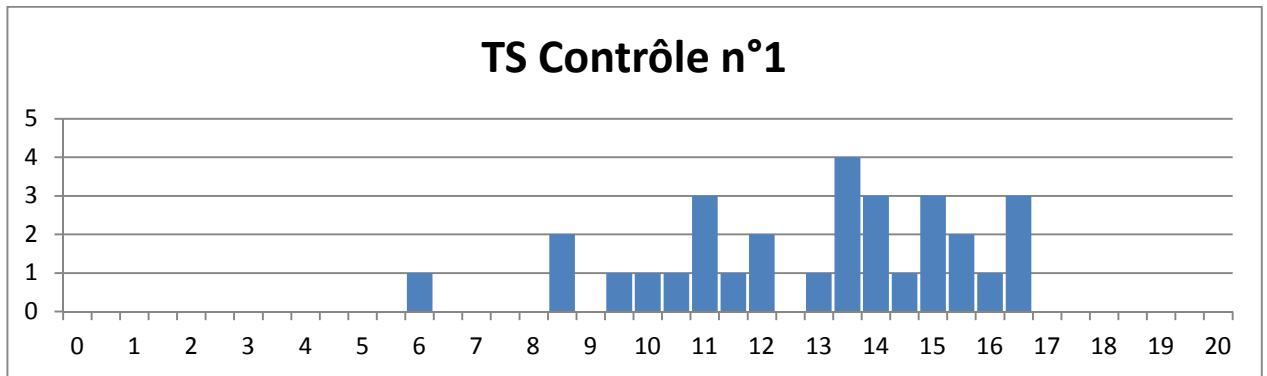
$$\text{pour tout } n \in \mathbb{N}, u_n = 2n^2 \text{ donc } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$$

$$\text{pour tout } n \in \mathbb{N}, v_n = -3n \text{ donc } \lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = -\infty$$

$$\forall n \in \mathbb{N}^*, \frac{u_n}{v_n} = \frac{2n^2}{-3n} = \frac{-2n}{3}$$

$$\text{donc } \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_n}{v_n} = -\infty \neq -1$$

1,5



<b>Nombres d'absents</b>	<b>0</b>
<b>Nombre de présents</b>	<b>30 /30</b>
<b>Moyenne</b>	<b>12,9</b>
<b>Ecart type</b>	<b>2,6</b>
<b>Minimum</b>	<b>6,0</b>
<b>1er décile</b>	<b>9,5</b>
<b>1er quartile</b>	<b>11,0</b>
<b>Médiane</b>	<b>13,5</b>
<b>3e quartile</b>	<b>15,0</b>
<b>9e décile</b>	<b>16,0</b>
<b>Maximum</b>	<b>16,5</b>