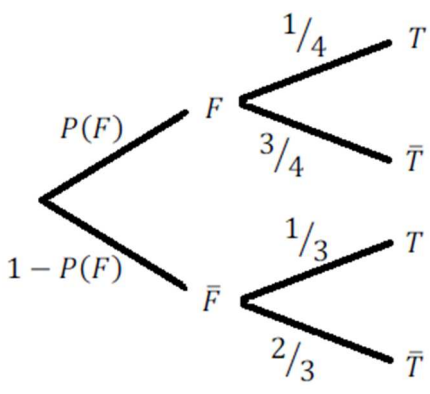


Exercice 1.	A1	 <p> On a $P(T) = 30\% = 0,3$ $P_F(T) = \frac{1}{4}$ et $P_{\bar{F}}(T) = \frac{1}{3}$ Or $P(T) = P(F) \times P_F(T) + P(\bar{F}) \times P_{\bar{F}}(T)$ $0,3 = P(F) \times \frac{1}{4} + (1 - P(F)) \times \frac{1}{3}$ $\frac{3}{10} - \frac{1}{3} = \left(\frac{1}{4} - \frac{1}{3}\right) P(F) = \frac{-1}{12} P(F)$ $P(F) = -\frac{1}{30} \times \frac{12}{-1} = \frac{2}{5}$ </p>	1,5
	A2	$P_T(F) = \frac{P(F \cap T)}{P(T)} = \frac{2/5 \times 1/4}{0,3} = \frac{2}{20} \times \frac{10}{3} = \frac{1}{3}$	0,5
	B1	<p>Chaque semaine, on répète 4 fois de façon identique et indépendante le schéma de Bernoulli ou une réussite correspond à un membre de la section tennis de probabilité 0,3. La variable aléatoire Y suit alors une loi binomiale de paramètre 4 et 0,3 : $Y \hookrightarrow B(4; 0,3)$ donc</p> $P(Y = 2) = \binom{4}{2} \times 0,3^2 \times 0,7^2 = 0,2646$	1
	B2	<p>Dans ce cas, Y suit une loi binomiale de paramètre n et 0,3 :</p> $Y \hookrightarrow B(n; 0,3) \text{ donc } p_n = P(Y \geq 1) = 1 - P(Y = 0) = 1 - \left(\frac{7}{10}\right)^n$	1
	B3	$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left(\frac{7}{10}\right)^n = 0 \text{ donc } \lim_{n \rightarrow +\infty} p_n = 1$ <p>donc il existe N tel que $\forall n \geq N, 1 - p_n \leq 0,01$ soit $p_n \geq 0,99$</p> <p>2^e méthode : en résolvant l'équation :</p> $1 - \left(\frac{7}{10}\right)^n \geq 0,99$ $\Leftrightarrow -\left(\frac{7}{10}\right)^n \geq 0,99 - 1$ $\Leftrightarrow \text{!} \left(\frac{7}{10}\right)^n \leq 0,01$ $\Leftrightarrow n \times \ln\left(\frac{7}{10}\right) \leq \ln(0,01)$ $\Leftrightarrow \text{!} n \geq \frac{\ln(0,01)}{\ln\left(\frac{7}{10}\right)} \text{ car } \ln\left(\frac{7}{10}\right) \text{ est négatif !}$ $\Leftrightarrow n \geq 13$	1
Exercice 2.	A1	$\Delta = 4 - 4 \times 4 = -12 < 0$ il y a donc deux racines complexes : $z' = \frac{2 + i\sqrt{12}}{2} = \frac{2 + 2i\sqrt{3}}{2} = 1 + i\sqrt{3} \text{ et } z'' = \bar{z}' = 1 - i\sqrt{3}$ $ z' = \sqrt{1 + 3} = 2 \text{ et } z' = 2 \left(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 2 \left(\cos\frac{\pi}{3} + i\sin\frac{\pi}{3}\right)$	2

		donc $z' = 2 e^{\frac{i\pi}{3}}$ et $z'' = \bar{z}' = 2 e^{-\frac{i\pi}{3}} = 2 e^{\frac{-i\pi}{3}}$	
	A2	$(z')^{2017} = 2^{2017} e^{\frac{2017i\pi}{3}} = 2^{2014} e^{\frac{336 \times 6\pi + \pi}{3}i} = 2^{2017} e^{i\frac{\pi}{3}}$	1
	Ba	$Z = \frac{1 + i\sqrt{3} + 2}{1 - i\sqrt{3} + 2} = \frac{3 + i\sqrt{3}}{3 - i\sqrt{3}} = \frac{(3 + i\sqrt{3})^2}{(3 - i\sqrt{3})(3 + i\sqrt{3})} = \frac{9 + 6i\sqrt{3} + 3i^2}{9 - 3i^2}$ $Z = \frac{6 + 6i\sqrt{3}}{12} = \frac{1 + i\sqrt{3}}{2} = e^{i\frac{\pi}{3}}$	2
	Bb	$ Z = \left e^{\frac{i\pi}{3}} \right = 1 = \left \frac{z_A - z_C}{z_B - z_C} \right = \frac{CA}{CB}$ donc $AC = BC$ $\arg Z = \arg e^{\frac{i\pi}{3}} = \frac{\pi}{3} = \arg \left(\frac{z_A - z_C}{z_B - z_C} \right) = (\overrightarrow{CB}; \overrightarrow{CA}) [2\pi]$ On peut en déduire que le triangle ABC est équilatéral.	1
Exercice 3.	1.	$i \frac{z_1}{z_2} = i \frac{\sqrt{6} e^{i\frac{\pi}{4}}}{\sqrt{2} e^{-i\frac{\pi}{3}}} = i \times \sqrt{3} e^{i(\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{3})} = e^{i\frac{\pi}{2}} \times \sqrt{3} e^{i\frac{7\pi}{12}}$ $= e^{i\frac{6\pi}{12}} \times \sqrt{3} e^{i\frac{7\pi}{12}} = \sqrt{3} e^{i\frac{13\pi}{12}}$ La réponse correcte est la réponse d. $\sqrt{3} e^{i\frac{13\pi}{12}}$	1
	2.	$-z = \bar{z}$ $\Leftrightarrow -(x + iy) = x - iy$ $\Leftrightarrow -x - iy = x - iy$ $\Leftrightarrow -x = x$ $\Leftrightarrow x = 0$ Il y a donc une infinité de solutions dont les points images sont situés sur la droite d'équation $x = 0$. La réponse correcte est la réponse c. une infinité de solutions dont les points images sont situés sur une droite.	1
	3.	Méthode n°1 On appelle A le point d'affixe $(-i)$ et B le point d'affixe (i) $ z + i = z - i $ $\Leftrightarrow z_M - z_A = z_M - z_B $ $\Leftrightarrow z_{AM} = z_{BM} $ $\Leftrightarrow AM = BM$ L'ensemble des points M est l'ensemble des points équidistants de A et de B , soit la médiatrice du segment $[AB]$. z_A et z_B étant conjugués, la médiatrice est l'axe des abscisses.	Méthode n°2 $ z + i = z - i $ $\Leftrightarrow x + iy + i = x + iy - i $ $\Leftrightarrow x + i(y + 1) = x + i(y - 1) $ $\Leftrightarrow x^2 + (y + 1)^2 = x^2 + (y - 1)^2$ $\Leftrightarrow y^2 + 2y + 1 = y^2 - 2y + 1$ $\Leftrightarrow 2y = -2y$ $\Leftrightarrow 4y = 0$ $\Leftrightarrow y = 0$ La réponse correcte est la réponse a. \mathcal{E} est l'axe des abscisses.

	$\frac{z_C}{z_B} = \frac{z_C - 0}{z_B - 0} = \frac{z_C - z_O}{z_B - z_O} = \sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{4}}$ $\left \frac{z_C - z_O}{z_B - z_O} \right = \sqrt{2} = \frac{OC}{OB} \quad \text{et} \quad (\overrightarrow{OB}; \overrightarrow{OC}) = \frac{\pi}{4} [2\pi]$ <p>Le triangle OBC n'est pas isocèle en O et les points O, B et C ne sont pas alignés.</p> <p>On peut déduire que le triangle OBC est rectangle en B par élimination ou bien en le démontrant, par exemple, avec le produit scalaire :</p> $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{OB} \cdot (\overrightarrow{BO} + \overrightarrow{OC}) = \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{BO} + \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{OC}$ $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{BC} = OB \times BO \times \cos(\overrightarrow{OB}; \overrightarrow{BO}) + OB \times OC \times \cos(\overrightarrow{OB}; \overrightarrow{OC})$ $\overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{BC} = OB^2 \times \cos(\pi) + OB \times \sqrt{2} \times OB \cos\left(\frac{\pi}{4}\right)$ $= -OB^2 + \sqrt{2} \times OB^2 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = -OB^2 + OB^2 = 0$ <p>donc $\overrightarrow{OB} \perp \overrightarrow{BC}$ et le triangle OBC est rectangle en B</p> $(\overrightarrow{OB}; \overrightarrow{OC}) = \frac{\pi}{4} [2\pi] \quad \text{et} \quad (\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{BO}) = \frac{\pi}{2} [2\pi]$ <p>On en déduit que $(\overrightarrow{CO}; \overrightarrow{CB}) = \frac{\pi}{4} [2\pi]$, le triangle est donc isocèle en B.</p> <p>La réponse correcte est la réponse c. Le triangle OBC est isocèle et rectangle en B.</p>	1
Exercice 4.	$\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = +\infty \quad \text{car} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} e^x = +\infty$ $\left. \begin{array}{l} \lim_{x \rightarrow -\infty} x + 1 = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x = 0 \end{array} \right\} \text{par produit, la forme est indéterminée}$ <p>$\forall x \in \mathbb{R}, h(x) = xe^x + e^x$</p> <p>Or $\lim_{x \rightarrow -\infty} xe^x = 0$ donc $\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 0$</p> <p>La courbe de h admet donc une asymptote horizontale d'équation $y = 0$.</p>	2
	$\forall x \in \mathbb{R}, h(x) = \underbrace{(x+1)}_u \underbrace{e^x}_v$ $u = x + 1 \quad u' = 1$ $v = e^x \quad v' = e^x$ $\forall x \in \mathbb{R}, h'(x) = u'v + uv' = \underbrace{1}_{u'} \times \underbrace{e^x}_v + \underbrace{(x+1)}_u \times \underbrace{e^x}_{v'}$ $h'(x) = (1 + x + 1) \times e^x = (x + 2)e^x$ $h'(x) > 0$ $\Leftrightarrow (x + 2)e^x > 0$ $\Leftrightarrow x + 2 > 0 \quad \text{car} \quad e^x > 0$ $\Leftrightarrow x > -2$	1,5

	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="text-align: center;">x</td> <td style="text-align: center;">$-\infty$</td> <td style="text-align: center;">-2</td> <td style="text-align: center;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">$h'(x)$</td> <td style="text-align: center;">$-$</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">$+$</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">$h(x)$</td> <td style="text-align: center;">0</td> <td style="text-align: center;">$-\frac{1}{e^2}$</td> <td style="text-align: center;">$+\infty$</td> </tr> </table> <p style="text-align: center;"> $h(-2) = (-2 + 1)e^{-2} = -\frac{1}{e^2}$ </p>	x	$-\infty$	-2	$+\infty$	$h'(x)$	$-$	0	$+$	$h(x)$	0	$-\frac{1}{e^2}$	$+\infty$	
x	$-\infty$	-2	$+\infty$											
$h'(x)$	$-$	0	$+$											
$h(x)$	0	$-\frac{1}{e^2}$	$+\infty$											
B1	$f_m(x) = 0$ $\Leftrightarrow x + 1 - me^{-x} = 0$ $\Leftrightarrow x + 1 = me^{-x}$ $\Leftrightarrow (x + 1)e^x = m \text{ car } e^{-x} \neq 0$ $\Leftrightarrow h(x) = m$	0,5												
B2	<p>Le nombre de points d'intersection de la courbe \mathcal{C}_m avec l'axe des abscisses correspond aux solutions de l'équation $f_m(x) = 0$. Puisque $f_m(x) = 0 \Leftrightarrow h(x) = m$, ce nombre correspond aux solutions de l'équation $h(x) = m$. D'après la partie A,</p> $\left\{ \begin{array}{l} \text{si } m < -\frac{1}{e^2} \text{ alors } h(x) = m \text{ n'admet aucune solution,} \\ \text{si } m = -\frac{1}{e^2} \text{ ou } m \geq 0 \text{ alors } h(x) = m \text{ admet une solution unique,} \\ \text{si } -\frac{1}{e^2} < m < 0 \text{ alors } h(x) = m \text{ admet exactement deux solutions.} \end{array} \right.$	1												